

وزارت آموزش و پرورش  
اداره کل آموزش و پرورش خراسان رضوی



المپیاد علمی ریاضی

پایه هفتم

دوره اول متوسطه

تعداد سؤال: ۳۰ شروع آزمون ساعت ۸ صبح مدت پاسخگویی: ۸۰ دقیقه

شماره داوطلبی:

نام و نام خانوادگی دانش آموز:

سال تحصیلی ۹۵-۹۶ مرحله اول ۲۶ بهمن ماه ۹۵

توجه: به پاسخ های اشتباه نمره منفی تعلق می گیرد

-۱ حاصل عبارت مقابل کدام گزینه است؟

$$(9 \times (-5)) \div 5 \times (-3) =$$

۲۷ (۴)                          ۳ (۳)                          -۲۷ (۲)                          -۳ (۱)

-۲ عبارت کلامی «۵ واحد بیشتر از ۴ برابر اختلاف عددی با ۳» به صورت جبری کدام گزینه است؟

$4(x+5)-3$  (۴)                       $4(x-3)+5$  (۳)                       $(4x+5)-3$  (۲)                       $(4x-3)+5$  (۱)

-۳ در  $\boxed{\square}$  کدام عدد قرار می گیرد؟

$$3\left(6-\left(5-\left(\boxed{\square}-4\right)\right)\right)=18$$

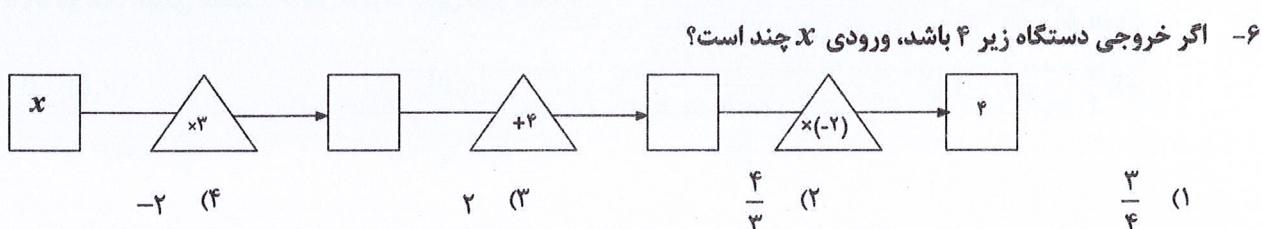
۹ (۴)                          ۸ (۳)                          ۵ (۲)                          ۴ (۱)

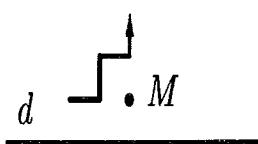
-۴ کدام معادله زیر جوابی برای ۵-دارد؟

$$4x-10=15-x$$
 (۴)       $4x+10=-15-x$  (۳)       $-4x-10=15-x$  (۲)       $4x+10=15+x$  (۱)

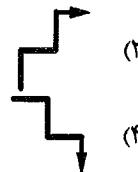
-۵ میانگین دمای سه شهر شکرستان و نمکستان و قندستان  $+3$  درجه است اگر دمای هوای نمکستان  $-4$  درجه باشد و هوای قندستان  $5$  درجه گرمتر باشد. دمای هوای شکرستان چند درجه است؟

۱۸ (۴)                          ۱۲ (۳)                          ۸ (۲)                          ۶ (۱)

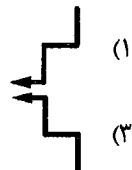




- ۷- اگر شکل مقابل را ۱۳۹۵ بار حول نقطه  $M$ ، ۹۰ درجه در جهت عقربه های ساعت بچرخانیم و در انتهای نسبت به خط  $d$  قرینه کنیم، کدام شکل به دست می آید؟



۵۲ (۴)



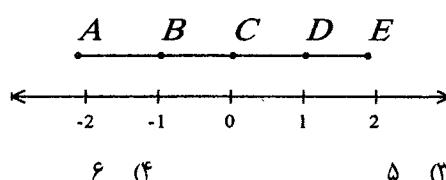
۱ (۱)

- ۸- اگر  $a * b = b(a - b) + 2ab$  باشد. حاصل  $-3 * 4$  را حساب کنید.

۳ (۲)

-۵۲ (۳)

-۳ (۱)



- ۹- پاره خط  $AE$  را دوبار، دوران ۱۸۰ درجه می دهیم. ابتدا حول نقطه  $B$  و سپس حول نقطه  $E$  جدید. پس از آخرين دوران، اختلاف نقطه جدید  $A$  با مکان اوليه اش، چند واحد است؟

۴ (۲)

۵ (۳)

۳ (۱)

۱	۲
۴	۱۱
۵	۹
۹	۲۶

۱۸ (۴)

۱۷ (۳)

۱۴ (۲)

۱۳ (۱)

- ۱۰- در جدول مقابل بین عدد های سمت چپ و سمت راست، رابطه ای برقرار است.  
به جای علامت سوال کدام عدد را می توان قرار داد؟

۱۸ (۴)

۱۷ (۳)

۱۴ (۲)

۱۳ (۱)

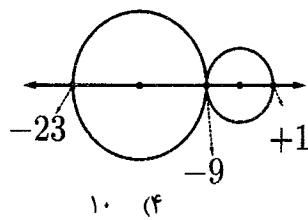
- ۱۱- به جمله های زیر دقت کنید:

- حاصل ضرب دو عدد صحیح  $a$  و  $b$ ، مثبت است.

- حاصل ضرب دو عدد صحیح  $b$  و  $c$ ، صفر است.

- حاصل تقسیم عدد صحیح  $d$  بر عدد صحیح  $a$ ، منفی است.

در مورد کدام یک از گزینه های زیر می توانیم با اطمینان بگوییم که صفر نیست؟

 $\frac{c}{d}$  (۴) $d \times c$  (۳) $b+d$  (۲) $b-d$  (۱)

۱۰ (۴)

۸ (۳)

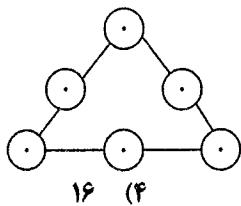
۱۶ (۲)

۱۲ (۱)

- ۱۲- در شکل مقابل فاصله مرکز دو دایره از یک دیگر، چند واحد است؟

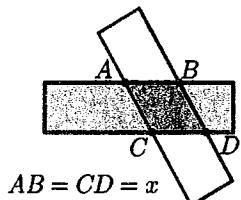
- ۱۳-  $a$  و  $b$  دو عدد طبیعی هستند. حاصل عبارت مقابل برابر است با :

 $ab$  (۴) $\frac{1}{(a,b)}$  (۳) $[a,b]$  (۲) $(a,b)$  (۱)



- ۱۴ در شکل رو به رو عددهای ۳ تا ۸ درون دایره ها طوري قرار گرفته اند که مجموع اعداد روی هر ضلع مثلث برابر باشند. حداقل مجموع اعداد هر ضلع برابر با کدام گزینه است؟  
(از هر عدد يك بار استفاده می شود)

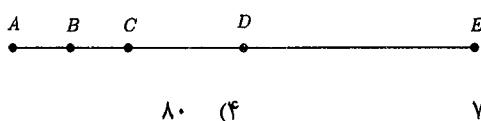
۱۱) ۲ ۱۳ ۱۵ ۳ ۱۶ ۴



- ۱۵ در شکل مقابل دو مستطيل هم نهشت به طول  $b$  و عرض  $a$  روی هم قرار گرفته اند. مساحت کل شکل حاصل به صورت عبارت جبري، کدام گزينه است؟

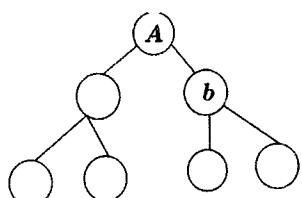
$a(2b-x)$  (۴)  $2a(b+x)$  (۳)  $2a(b-x)$  (۲)  $a(2b+x)$  (۱)

- ۱۶ در الگوي مقابل، جمله صدم چه عددی است?  
-۱ -۲ -۳ -۴ +۱ +۳ ...  
۳ (۴) -۲ (۳) -۱ (۲) ۱ (۱)



- ۱۷ در شکل مقابل نقطه  $D$  وسط پاره خط  $AD$  و نقطه  $C$  وسط  $AE$  و نقطه  $B$  وسط  $AC$  است. اگر  $AE=16\text{cm}$  باشد، مجموع طول همه پاره خط های موجود در شکل چند سانتی متر است؟

۶۸ (۲) ۷۲ (۳) ۸۰ (۴) ۷۶ (۱)



- ۱۸ عدد  $A$  به صورت زير با استفاده از نمودار درختي تجزيه شده است. چند تا از جمله هاي زير در مورد آن درست است؟ (در داخل دایره اعداد بزرگ تر از ۱ قرار گرفته است)

- تعداد شمارنده های عدد  $A$  عددی زوج است.
- عدد  $b$ ، دست کم سه شمارنده دارد.
- عدد  $A$ ، دست کم ۶ شمارنده دارد.
- ۱۴ بخش پذير است

۱) صفر ۲) یک ۳) دو ۴) سه

- ۱۹  $A$  یک عدد طبیعی است و حاصل  $(21, A)$  یک عدد دو رقمی است. کدام گزینه حتماً درست است؟
- ۱)  $A$  مضرب ۲۱ است
  - ۲) سه رقمی نیست
  - ۳)  $A$  بر ۱۴ بخش پذير است
  - ۴) به جز ۳ ولاشمارنده دیگري ندارد

- ۲۰  $a$  و  $b$  دو عدد طبیعی هستند و  $a+b=118$  و  $a-b=59$  (۳) می باشد کمترین مقدار  $a+b$  کدام است؟  
۱۱۸ (۲) ۱۷۷ (۳) ۲۳۶ (۴) ۵۹ (۱)

- ۲۱ چند تا از جمله هاي زير در مورد عدد های طبیعی درست است؟
- اگر عدد  $a$  بر يك عدد اول، بخش پذير باشد،  $a$  حتماً اول نیست.
  - هر عددی که به صورت ضرب دو عدد بزرگ تر از يك نوشته شود، حتماً اول نیست.
  - اگر  $a$  و  $b$  و  $c$  سه عدد مختلف باشند و  $a$  شمارنده  $b$  و  $b$  هم شمارنده  $c$  باشد، آن گاه  $c$  حتماً اول نیست.
  - ۱) صفر ۲) یک ۳) دو ۴) سه



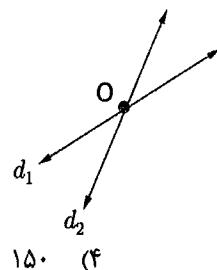
- ۲۲- کدام یک از اعداد زیر اول هستند؟

(۴)  $2 \times 222 + 1$

(۳)  $5 \times 137 + 1$

(۲)  $2 \times 230 + 1$

(۱)  $5 \times 106 + 1$



- ۲۳- اگر دو خط  $d_1$  و  $d_2$  در نقطه  $O$  متقاطع باشند، فرینه خط  $d_1$  نسبت به خط  $d_2$  را  $d_3$  و فرینه خط  $d_2$  نسبت به خط  $d_1$  را  $d_4$  می نامیم. اگر زاویه بین دو خط  $d_1$  و  $d_3$  ۵۰ درجه باشد زاویه بین دو خط  $d_2$  و  $d_4$  چند درجه است؟

۱۵۰ (۴)

۱۰۰ (۳)

۷۵ (۲)

۵۰ (۱)

- ۲۴- در ساختمانی پله ها شماره گذاری شده است. علی روی پله شماره ۲۸ و خواهرش سارا روی پله شماره ۱۰ قرار دارد. اگر علی هر سه پله که به بالا می رود، بایستد تا سارا ۷ پله بالا برود و به همین ترتیب این کار را ادامه دهنند، اولین باری که علی و خواهرش روی یک پله به هم می رسند، کدام پله است؟

۶۳ (۴)

۵۹ (۳)

۵۶ (۲)

۴۹ (۱)

- ۲۵- عدد دو رقمی  $A$  را تجزیه کرده ایم. این عدد دارای دو شمارنده اول است که حاصل جمع آن ها عددی اول و کوچک تر از ۱۰ است. حاصل جمع بزرگ ترین و کوچک ترین مقدار ممکن برای  $A$  کدام گزینه است؟

۱۱۰ (۴)

۱۰۶ (۳)

۱۰۲ (۲)

۹۸ (۱)

- ۲۶- دو چهار ضلعی با اضلاع متناظر دو به دو برابر و ناهمنهشت، با تبدیلات هندسی طوری روی هم قرار گرفته اند که دوضلخ آنها همدیگر را پوشانده اند. کدام گزینه نادرست است؟

(۲) سه ضلع از دو شکل، دو به دو روی هم قرار دارند.

(۴) یکی از شکل ها دست کم دو زاویه تند دارد.

(۱) یکی از شکل ها مقرر است.

(۳) دو شکل دارای حداقل یک زاویه برابر هستند.

-۹۰	-۵۰		
-۷۰		-۸۰	-۱۲۰
		-۳۰	?

-۱۶۰ (۴)

-۱۴۰ (۳)

-۱۳۰ (۲)

-۱۱۰ (۱)

- ۲۷- در جدول مقابل در هر ردیف عدد سمت راست، جمع آن ردیف و در هر ستون عدد بالا جمع آن ستون می باشد به جای علامت سوال چه عددی می توان نوشت؟

- ۲۸- احسان در اتفاقش یک قفسه ۴ طبقه دارد. در طبقه اول تعدادی کتاب فیزیک دارد. در طبقه دوم به میزان ۲ برابر تعداد کتاب های طبقه اول، کتاب ادبی دارد. در طبقه سوم به میزان ۳ برابر کتاب های طبقه دوم، کتاب نجوم دارد. در طبقه چهارم به اندازه ۳ تا بیشتر از اختلاف تعداد کتاب های طبقه های سوم و دوم، کتاب ریاضی دارد. همچنین تعداد کتاب های طبقه چهارم با اختلاف تعداد کتاب های طبقه های سوم و اول برابر است. احسان در مجموع چند کتاب ریاضی و ادبی دارد؟

۲۴ (۴)

۲۱ (۳)

۱۸ (۲)

۱۵ (۱)

- ۲۹- دو منشور یکسان که قاعده های آن  $n$  ضلعی منتظم باشد و  $n$  مضرب ۵ باشد ( $n = 5k$ ). اگر ۲ تا از این منشورها را از طریق وجه های جانبی به هم بچسبانیم. آنگاه تعداد یال ها کدام عدد می تواند باشد؟

۳۰ $k$  - ۶ (۴)۱۵ $k$  - ۴ (۳)۱۵ $k$  - ۶ (۲)۳۰ $k$  - ۴ (۱)

- ۳۰- مجموع دو عدد طبیعی ۲۴ می باشد کمترین و بیشترین مقدار ممکن برای ک.م.م این دو عدد کدام است؟

۱۴۳ و ۲۳ (۴)

۱۴۴ و ۲۳ (۳)

۱۴۳ و ۲۳ (۲)

۱۴۴ و ۱۲ (۱)