

المپیاد ریاضی پایه هفتم

مرحله دوم ۱۳۹۴/۲/۷ ساعت: ۹ صبح

تعداد سوال: ۴۵

نام و نام خانوادگی داوطلب:

مدت پاسخگویی: ۱۰۰ دقیقه

شماره داوطلبی:

آزمون دارای نمره منفی می‌باشد و استفاده از ماشین حساب محظوظ نیست.

جمهوری اسلامی ایران

وزارت آموزش و پرورش

اداره کل آموزش و پرورش خراسان رضوی

معاونت آموزش متوسطه

اداره سنجش آموزش و پرورش

۱- حاصل عبارت $(-7) - (-4) - (-2) - (-9) + 3$ برابر است با ...

۷۳ (۴)

۳۲ (۳)

۲۵ (۲)

۱۳ (۱)

۲- کدام گزینه درست است؟

(۱) همواره ب.م.م دو عدد، از ک.م.م آن دو عدد کوچکتر است.

(۲) همواره ک.م.م دو عدد، از حاصل ضرب آن دو عدد کوچکتر است.

(۳) اگر عددی شمارنده داشته باشد، حتماً مجذور عددی اول است.

(۴) اگر ب.م.م دو عدد میانگین آنها باشد، ک.م.م دو عدد یکی از آنهاست.

۳- اگر الگوی مقابل را تا مرحله چهل و هفتم، ادامه دهیم مجموع کل اعداد

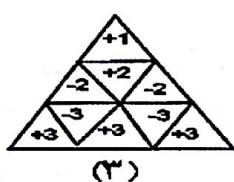
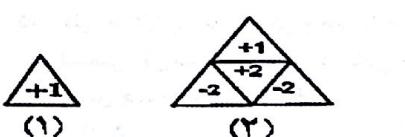
شکل در این مرحله چند می‌شود؟

+۲۳ (۲)

+۲۴ (۴)

-۲۳ (۱)

-۲۴ (۳)



۴- دانش آموزان مدرسه‌ای، اتاقی را برای فعالیت‌های ریاضی خود انتخاب کردند و شرط ورود به اتاق را تبدیل نمایش اعداد به روشنی خاص گذاشتند. به عنوان

مثال در این روش عدد ۱۴۵ را به صورت $2\bar{6}5$ نمایش می‌دهند، زیرا $200 + 5 = 205$.

به این ترتیب سال ۱۳۹۴ را به کدام صورت می‌نویسند؟

۲۷۰۴ (۴)

۲۶۰۶ (۳)

۲۶۰۴ (۲)

۲۵۹۴ (۱)

۵- هفت عدد طبیعی متولی داریم که حاصل جمع آنها مربع کامل است، کدام گزینه می‌تواند کوچک‌ترین عدد از بین این اعداد باشد؟

۲۵ (۴)

۲۲ (۳)

۲۱ (۲)

۱۴ (۱)

۶- منبع آب مکعب شکلی به اندازه ضلع ۲ داریم که در ابتدا پر بوده است و هر روز ذخیره آب آن $\frac{1}{3}$ روز قبل می‌شود، بعد از گذشت سه روز می‌خواهیم باقی‌مانده آب منبع را در ظرف کوچک‌تری خالی کنیم، اگر ظرف جدید نیز مکعب شکل باشد، طول ضلع مکعب جدید حداقل چقدر است؟

$\frac{a}{4}$ (۴)

$\frac{a}{7}$ (۳)

$\frac{a}{2}$ (۲)

$\frac{a}{3}$ (۱)

۷- چند تا از گزاره‌های زیر درست است؟

(a) سطح مقطع یک مکعب نمی‌تواند ذوزنقه باشد.

(b) سطح مقطع یک مکعب نمی‌تواند یک پنج‌ضلعی باشد.

(c) سطح مقطع یک مکعب نمی‌تواند مثلث باشد.

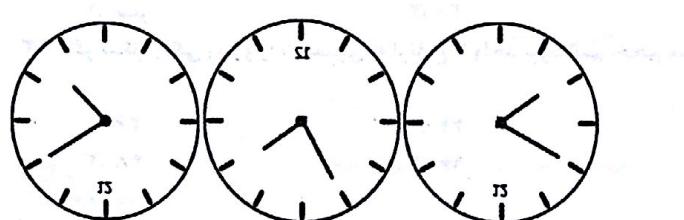
(d) سطح مقطع یک کره، همواره دایره است.

۲ (۲)

۱ (۱)

۸- تصویر سه ساعت متفاوت در آینه ساعت‌فروشی دیده می‌شود،

کدام گزینه زیر، زمان واقعی این سه ساعت را نشان نمی‌دهد؟



۴:۳۵ (۲)

۷:۵۵ (۴)

۷:۵۰ (۱)

۴:۱۰ (۳)

۹- نزدیک‌ترین عدد صحیح به عبارت مقابل چند است؟

$$\sqrt{\sqrt{\sqrt{23}-1}}$$

$$6 (۴) \quad 5 (۳) \quad 4 (۲) \quad 3 (۱)$$

۴:۳۵ (۲)

۷:۵۵ (۴)

۷:۵۰ (۱)

۴:۱۰ (۳)

۱۰- مهدی پس از تعطیلات نوروز به دوستانش گفت: "به شهری رفتم که $\frac{1}{5}$ جمعیت آن کمتر از ۱۲ سال و $\frac{11}{11}$ آن کمتر از ۳۰ سال و ۴۰ درصد آن بالای ۱۶ سال سن داشتند"، چه کسری از جمعیت شهری که مهدی رفته بود بین ۱۲ تا ۱۶ سال سن داشته‌اند؟

$\frac{33}{55}$ (۴)

$\frac{11}{55}$ (۳)

$\frac{22}{55}$ (۲)

$\frac{14}{55}$ (۱)



-۱۱، +۱۵، -۱۹، +۲۳، ...

(۴)

۱۱- باقی مانده تقسیم هفتادمین عدد الگوی عددی مقابل بر ۵ چند است؟

(۲)

(۱) صفر

۱۲- آقای هاشمی با دو فرزندش علی و فاطمه برای استراحت به باغی می‌روند که یک استخر مستطیل شکل دارد، علی طول ۳ تا از اضلاع آن استخر را حساب کرد و عدد ۷۵ متر را برای مجموع آن‌ها به دست آورد. فاطمه طول ۳ ضلع دیگر را حساب کرد و مجموعی برابر ۱۲۰ متر را به دست آورد. اگر بدانیم ارتفاع این استخر ۲ متر بوده است، مجموع مساحت دیوارهای این استخر چقدر است؟

(۴)

(۳)

(۲)

(۱)

۱۳۰

۱۳- با قرار دادن کدام یک از اعمال جمع و تفریق (به ترتیب از چپ به راست) به جای \square کمترین مقدار عبارت به دست می‌آید؟

(۴)

(۳)

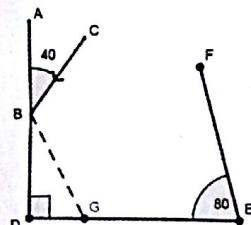
(۲)

(۱)

+، +، -

-، -، -

+، -، -



۱۴- وقتی شعاع نور از یک سطح تخت بازمی‌تابد، زاویه بین شعاع تابش و سطح با زاویه بین شعاع بازتاب و سطح برابر است. $A\hat{B}C = G\hat{B}D$ (شعاع نور با زاویه ۴۰ درجه به AD بخورد کرده و مطابق شکل از آن باز می‌تابد. سپس

$$(\hat{E} = 80, \hat{D} = 90) \text{ می‌تابد شعاع نور در بار دوم با چه زاویه‌ای از AD بازمی‌تابد؟}$$

۸۰ (۴)

۶۰ (۳)

۵۰ (۲)

(۱)

۱۵- علی ۱۰ کارتون مکعب شکل و هم اندازه در اختیار دارد، او کارتون‌ها را گسترش کرده و کاملاً کف اتفاق را با آن‌ها پوشانده است (کارتون‌های کف اتفاق در هیچ قسمتی روی هم قرار ندارند). در پایان چند تکه کارتون اضافه آمد که مساحت مجموع آن‌ها ۳ مترمربع شده است، اگر کف اتفاق ۱۲ مترمربع باشد، ارتفاع هر کارتون چند سانتی‌متر بوده است؟

۵۰ (۴)

۲۵ (۳)

۱۲/۵ (۲)

(۱)

۱۶- چند عدد طبیعی پنج رقمی داریم که حاصل ضرب ارقامش ۲۱۳ شود؟

۱۸ (۴)

۱۵ (۳)

۱۳ (۲)

(۱)

۱۷- چهار پاره خط در دو اندازه مختلف داریم به طوری که برای هر اندازه، تعداد پاره‌خط‌ها یکسان باشند و نیز بدانیم در چندضلعی‌ها به جز در رأس، نقطه برخورد دیگری وجود ندارد، با این شرایط چندضلعی مختلف می‌توان ساخت؟ (تمام مستطیل‌ها با هر اندازه‌ای، یک نوع چهارضلعی محاسبه شوند).

۶ (۴)

۵ (۳)

۴ (۲)

(۱)

۱۸- اگر a و b اعداد صحیح باشند و عدد a^3b^2 فرد و منفی باشد چند تا از عبارت‌های زیر همیشه درست است؟

$$(a) ab^2 \text{ مثبت است} \quad (b) ab \text{ منفی است} \quad (c) a^3b^2 \text{ فرد است} \quad (d) b^2 + a^2 \text{ زوج است}$$

۴ چهار تا

۳ سه تا

۲ دو تا

(۱)

۱۹- نه مکعب به طول اضلاع واحد را روی میز گذاشته‌ایم به طوری که هر مکعب باید حداقل در یک وجه با مکعب دیگر مشترک باشد حداقل مساحت کل ممکن این شکل چه قدر است؟

۳۰ (۴)

۲۹ (۳)

۲۸ (۲)

(۱)

۲۰- روی هر کدام از رأس‌های یک مکعب اعداد $+1, 0, +1, 0, -2, -3, -4, -5, -6$ را گذاشته‌ایم. ستایش روی هر کدام از وجه‌های مکعب، مجموع اعداد رأس‌های آن وجه را نوشت و سپس مجموع وجه‌ها را حساب کرده است. عددی که ستایش به دست آورده کدام است؟

-۸۰ (۴)

-۷۲ (۳)

-۶۰ (۲)

(۱)

۲۱- با انجام تبدیلات متواالی روی کدام شکل نمی‌توان کاشی کاری کرد؟ (یک سطح را کاملاً با یک نوع کاشی پوشاند).

۴ ذوزنقه

(۳) هشت‌ضلعی منتظم

(۱) مثلث مختلف‌الاضلاع

(۲) شش‌ضلعی منتظم

۲۲- مجذور مجموع تمام ریشه‌های دوم اعداد ۴۹، ۱۲۱ و ۶۴ چقدر است؟

(۱) صفر

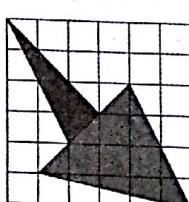
۲۶ (۲)

(۱)

۲۲۴ (۳)

۶۷۶ (۴)

۲۳- اگر شکل رنگی روی رو را با خمیری به ارتفاع ۴ واحد پوشانیم، حجم منشور حاصل چقدر خواهد بود؟



۴۴ (۲)

۹۶ (۴)

(۱)

۴۸ (۳)

۲۴- فردی شروع به برش زدن کاغذی می‌کند او کاغذ را یک یا دو برش می‌زند به طوری که قسمت‌های مساوی روی کاغذ ایجاد شود، دوباره همه‌ی قسمت‌ها را روی هم قرار داده و همین کار را تکرار می‌کند. بعد از چند مرحله کاغذ به Π قسمت تقسیم شده است. Π کدام یک از اعداد زیر نمی‌تواند باشد؟

۱۶۸ (۴)

۱۴۴ (۳)

۹۶ (۲)

(۱)

۲۵- در دفتر مدیر مدرسه، تعدادی قفسه است. به اندازه‌ی تعداد قفسه‌ها در هر قفسه طبقه است و به اندازه‌ی تعداد طبقه‌ها در هر طبقه پرونده است و به ازای تعداد پرونده‌ها، هر پرونده برگه دارد. اگر در کل در این دفتر ۱۲۹۶ برگه وجود داشته باشد. تعداد طبقه‌ها چقدر است؟

۲۱۶ (۴)

۳۶ (۳)

۱۲ (۲)

(۱)



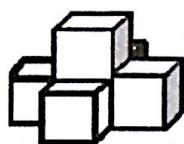
-۲۶- در بین اعداد ۱۳۸۸، ۱۳۸۹، ۱۳۹۰، ۱۳۹۱، ۱۳۹۲، ۱۳۹۳ و ۱۳۹۴ چند عدد وجود دارد که به تعداد مساوی شمارنده‌های زوج و فرد داشته باشند؟

۴

۳

۲

۱



۱۲ (۴)

۸ (۳)

۶ (۲)

۱

-۲۷- شکل مقابل از ۶ مکعب همان‌دازه (یکی در وسط و ۵ تا در طرفین) تشکیل شده است. این شکل برای تبدیل شدن به یک منشور حداقل به چند مکعب نیاز دارد؟

-۲۸- سارا به کلاس خیاطی می‌رود، روزی معلمش در پایان کار به او ۳۶۰۰ سوزن، ۴۰۰ قرقه نخ، ۴۸۰۰ نگین و ۶۰۰۰ دکمه می‌دهد و به او می‌گوید آن‌ها را در تعدادی جعبه‌جایی دهد به طوری که در تمام جعبه‌ها تعداد وسایل برابر باشد و هر جعبه فقط از یک نوع وسیله پر شود، با این شرایط سارا حداقل چند جعبه لازم دارد؟

۱۴۰۰ (۴)

۱۲۰۰ (۳)

۱۴ (۲)

۱

-۲۹- در مرحله دوم انتخابات شورای دانش‌آموزی ۶ نفر برای ریاست شورا داوطلب شدند. تعداد دانش‌آموزان مدرسه که در این انتخابات شرکت داشتند ۴۰۰ نفر بوده است. اختلاف تعداد رأی‌های شخص پیروز با ۵ نفر دیگر برابر با ۲۱، ۱۲، ۹، ۸ و ۲۴ است. شخص پیروز چند رأی جمع کرده است؟ (هر یک از دانش‌آموزان فقط به یکی از ۶ داوطلب رأی داده‌اند).

۷۹ (۴)

۶۸ (۳)

۶۰ (۲)

۱

-۳۰- سال‌ها قبل در چنین روزهایی (۵اردیبهشت)، آمریکا به طبع حمله نظامی کرد و شکست خورد. اگر در این حمله ۱۲۰ سرباز آمریکایی شرکت کرده باشند و بدانیم حداقل برای هر ۵ سرباز دلخواه، ۴ اسلحه و برای هر ۴ اسلحه دلخواه، حداقل ۷ خشاب وجود داشته است، در این صورت آمریکایی‌ها حداقل چند خشاب با خود آورده بودند؟

۱۶۸ (۴)

۴۳۲ (۳)

۲۳۷ (۲)

۱۰۸ (۱)

-۳۱- "مجموع مجدور عددی با عدد دیگر، برابر است با معکوس مجدور قرینه مجموع آن دو عدد"
عبارت کلامی فوق به صورت جبری برابر است با:

$$a^{\frac{1}{2}} + b = \frac{-1}{a^{\frac{1}{2}} + b} \quad (۱)$$

$$a^{\frac{1}{2}} + b = -\frac{1}{(a+b)^{\frac{1}{2}}} \quad (۲)$$

$$(a+b)^{\frac{1}{2}} = \frac{1}{(a+b)^{\frac{1}{2}}} \quad (۳)$$

$$a^{\frac{1}{2}} + b = \left(\frac{1}{a+b}\right)^{\frac{1}{2}} \quad (۱)$$

-۳۲- در جدول 3×3 مقابله ۹ عدد طبیعی متفاوت قرار دهید به‌طوری که حاصل ضرب اعداد هر سطر، هر ستون و هر قطر باهم برابر باشد. با توجه به اعداد داده شده B چه عددی است؟

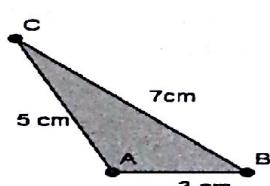
۲۵۶		۱۶
	B	
		۴

۸ (۲)

۲ (۱)

۱۲۸ (۴)

۳۲ (۳)



-۳۳- اگر مثلث ABC را ۳۰۰ درجه در جهت خلاف عقربه‌های ساعت حول نقطه‌ی A دوران دهیم و مثلث دوران یافته $AB'C'$ بنامیم. آنگاه پاره خط CC' چند سانتی‌متر است؟ (C' دوران یافته C است).
 $(AB = 3\text{cm}, AC = 5\text{cm}, BC = 7\text{cm})$

۷ (۴)

۵ (۳)

۴ (۲)

۳ (۱)

-۳۴- عدد a از b ، a واحد بزرگ‌تر است، اگر a را ۵ برابر و b را $\frac{1}{5}$ کنیم، اختلاف بین آن‌ها چقدر خواهد شد؟

$$5a + \frac{4}{5}b + 11 \quad (۱)$$

$$4a - \frac{4}{5}b + 11 \quad (۲)$$

$$4a + \frac{4}{5}b + 11 \quad (۳)$$

$$5a - \frac{4}{5}b + 11 \quad (۴)$$

-۳۵- شکل بازشده‌ی یک چندوجهی را در تصویر رویه می‌بینید. چنانچه این شکل را با مقوا‌بسازید و با تازدن روی خطوط دوباره آن را بسازید، این چندوجهی چند یال خواهد داشت؟

۱۲ (۲)

۱ (۱)

۱۷ (۴)

۱۵ (۳)

-۳۶- در اتاقی تعدادی زن، مرد و کودک حضور دارند، تعداد مردان ۳ برابر زنان و تعداد زنان ۸ تا از مردان کمتر است، تعداد کودکان نیز ثلث تمام جمعیت است. چند نفر در اتاق حضور دارند؟

۴۵ (۴)

۳۶ (۳)

۲۴ (۲)

۱۸ (۱)



-۳۷ اعداد A و B دو عدد صحیح منفی هستند که به ترتیب ۴ رقمی و ۵ رقمی می‌باشند. اگر حاصل ضرب ارقام A برابر ۵ شود و نیز بدانیم که $3A = B$ ، در این صورت حاصل $3A - 2B$ برابر است با ...

-۴۵۹۹۹ (۴)

۴۵۹۹۹ (۳)

-۱۵۳۲۳ (۲)

۱۵۳۲۳ (۱)

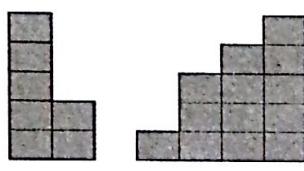
-۳۸ کارتون بزرگی داریم به ابعاد $1 + 5\text{m}$ و 2m و 5m خواهیم از این کارتون برای حمل بسته‌های مکعبی شکل به حجم ۱۳۳۱ استفاده کنیم چند بسته داخل این کارتون جا می‌گیرد؟

۱۵۵۰ (۴)

۱۲۲۱ (۳)

۱۲۱ (۲)

۱۱ (۱)



تصویر از روی

-۳۹ یک حجم سه بعدی را با کمک مکعب‌های همان‌دازه چیده‌ایم. از دو طرف تصویر آن را در شکل زیر می‌بینید. بیشترین تعداد مکعبی که لازم است تا چنین شکلی ساخته شود چند تاست؟

۱۹ (۲)

۲۱ (۴)

۱۵ (۱)

۲۰ (۳)

تصویر از پهلو

-۴۰ کوچک‌ترین مضرب مشترک ۳۶ و x کمتر از کوچک‌ترین مضرب مشترک ۳۶ و ۶ است. در این صورت $\frac{x}{y}$ کدام گزینه می‌تواند باشد؟

۱۳ (۴)

۱۱ (۳)

۷ (۲)

۴ (۱)

۹ (۳)

۹ (۲)

۴ (۱)

۳ (۳)

۳ (۲)

۳ (۱)

-۴۱ یک جعبه مکعب مستطیل و یک طناب ۸ متری در اختیار داریم، این طناب را در سه حالت ممکن دور این جعبه (روی وجهها و موازی یال‌ها) می‌بیچیم. در یک حالت، دو سر طناب به هم می‌رسند و در حالت دیگر دوسر طناب ۲ متر از هم فاصله دارند و در حالت سوم، ۲ متر طناب اضافه می‌آید. حجم این جعبه چقدر است؟

۲۴ (۴)

۱۲ (۳)

۸ (۲)

۶ (۱)

-۴۲ کدام دسته از پاره‌خط‌های موجود در شکل‌های زیر نقاط تقاطع بیشتری دارند؟

(۱) ارتفاع‌های یک مثلث عمودمنصف‌های اضلاع یک پلیگون منتظم

(۲) نیمسازهای داخلی یک لوزی

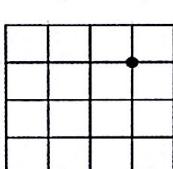
-۴۳ رقم دهگان بزرگ‌ترین عدد ۵ رقمی مضرب ۹ که رقم‌های آن متفاوت باشد، برابر است با:

۷ (۴)

۶ (۳)

۳ (۲)

۲ (۱)



۶۰ (۴)

۴۰ (۳)

۹ (۲)

۶ (۱)

-۴۵ چند عدد طبیعی کوچک‌تر از ۲۰۱۵ وجود دارد به طوری که هر کدام از آن‌ها را می‌توانیم به صورت مجموع سه عدد طبیعی متواالی بنویسیم ولی نمی‌توانیم به صورت جمع دو عدد طبیعی متواالی بنویسیم؟

۶۷۲ (۴)

۶۷۱ (۳)

۳۳۶ (۲)

۳۳۵ (۱)